

# Aide à la Décision - Othello

Antonin Boyon      Quentin Legot      Arthur Page

27 février 2021

# Table des matières

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>L'algorithme de recherche</b>	<b>2</b>
2.1	Algorithme de base . . . . .	2
2.2	Algorithme d'élagage . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Mesures</b>	<b>4</b>
3.1	Présentation . . . . .	4
3.2	AlphaBeta . . . . .	5
3.2.1	Profondeur 1 . . . . .	5
3.2.2	Profondeur 2 . . . . .	6
3.2.3	Profondeur 3 . . . . .	7
3.2.4	Profondeur 4 . . . . .	8
3.2.5	Profondeur 5 . . . . .	9
3.2.6	Conclusion d'Alphabeta . . . . .	10
3.3	Negamax . . . . .	10
3.3.1	Profondeur 1 . . . . .	10
3.3.2	Profondeur 2 . . . . .	11
3.3.3	Profondeur 3 . . . . .	12
3.3.4	Profondeur 4 . . . . .	13
3.3.5	Profondeur 5 . . . . .	14
3.3.6	Conclusion de Negamax . . . . .	14
<b>4</b>	<b>Difficultés rencontrés</b>	<b>14</b>
<b>5</b>	<b>Expérimentations</b>	<b>14</b>
<b>6</b>	<b>Conclusion</b>	<b>15</b>

# 1 Introduction

Le but de notre projet était de concevoir un algorithme de recherche performant sur un jeu d' *Othello*. Le jeu est le plus abstrait possible, la partie nous intéressant étant la réalisation d'un algorithme de recherche efficace. Il est ainsi impossible de jouer au jeu, on ne peut que regarder le résultat d'une partie entre deux joueurs artificiels.

Une fois le jeu et l'algorithme de recherche implémentés, nous serons en mesure d'analyser ce dernier pour définir ses paramètres de fonctionnement optimaux. Nous aborderons dans un premier temps l'implémentation du jeu, puis celle de l'algorithme et enfin la présentation et l'analyse des mesures observées.

## 2 L'algorithme de recherche

### 2.1 Algorithme de base

Nous avons utilisé un algorithme Negamax pour résoudre le problème.

```
1 public Pair<Point, Point> play(State game) {
2     int bestValue = Integer.MIN_VALUE;
3     Pair<Point, Point> bestMove = null;
4     for(Pair<Point, Point> move : game.getMove(game.getCurrentPlayer()))
5         State nextState = game.play(move);
6         int value = -negamax(nextState, this.depth);
7         if (value > bestValue) {
8             bestValue = value;
9             bestMove = move;
10        }
11    }
12    return bestMove;
13 }
14
15 private int negamax(State state, int depth) {
16     if(depth == 0 || state.isOver()) {
17         return evaluate(state);
18     } else {
19         int m = Integer.MIN_VALUE;
```

```

20         for (Pair<Point, Point> move : state.getMove(state.getCurrentPlayer()))
21             State nextState = state.play(move);
22             complexity++;
23             m= Math.max(m,-negamax(nextState,depth-1));
24         }
25     return m;
26 }
27 }

```

## 2.2 Algorithme d'élagage

```

1
2 public Pair<Point, Point> play(State game) {
3     int bestValue = Integer.MIN_VALUE;
4     Pair<Point, Point> bestMove = null;
5     for (Pair<Point, Point> move : game.getMove(game.getCurrentPlayer()))
6         State nextState = game.play(move);
7         complexity++;
8         int value = -alphabeta(nextState, this.depth, Integer.MIN_VALUE, Integer.MAX_VALUE);
9         if (value > bestValue) {
10             bestValue = value;
11             bestMove = move;
12         }
13     }
14     return bestMove;
15 }
16
17 private int alphabeta(State state, int depth, int alpha, int beta) {
18     if (depth == 0 || state.isOver()) {
19         return evaluate(state);
20     } else {
21         for (Pair<Point, Point> move : state.getMove(state.getCurrentPlayer()))
22             State nextState = state.play(move);
23             alpha = Math.max(alpha, -alphabeta(nextState, depth-1, -beta, -alpha));
24             if (alpha >= beta)
25                 return alpha;
26     }

```

```
27         return alpha;  
28     }  
29 }
```

## 3 Mesures

### 3.1 Présentation

Les graphiques qui vont suivre ont été conçus à l'aide des algorithmes AlphaBeta et Negamax.

Ils sont l'objet de comparaisons entre les algorithmes, en fonction de leur type ou du joueur concerné (premier ou second joueur).

Ils traduisent la complexité de l'algorithmes (le nombre de nœuds traversés) au fur et à mesure des tours de la partie.

Le premier joueur est associé à la courbe rouge et le deuxième à la bleue.

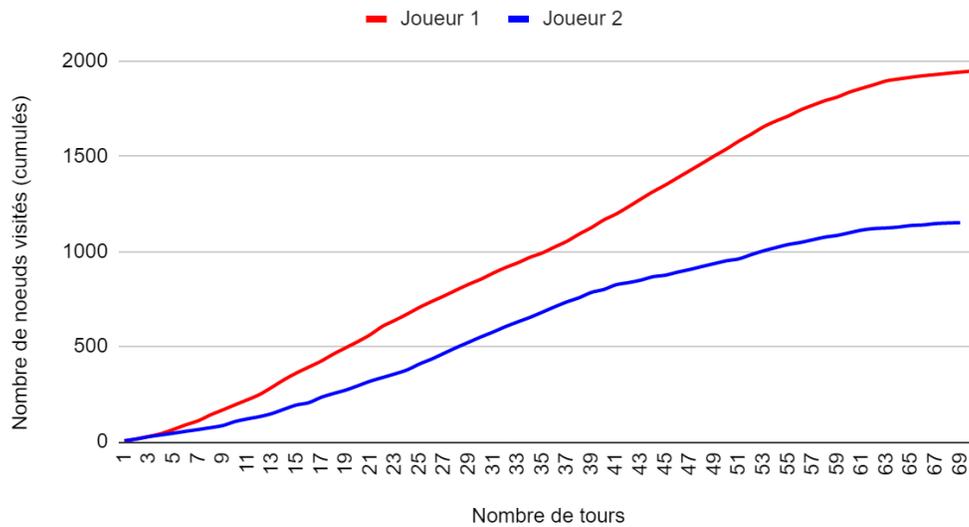
La profondeur de recherche des deux joueurs sera toujours la même.

Tout les tests incluant un temps ont été fait sur la même machine et en même temps : Raspberry pi 3 avec un processeur Quad Core 1.2GHz 64bit sous Raspbian OS 32 bits sans Bureau.

## 3.2 AlphaBeta

### 3.2.1 Profondeur 1

J1, J2 : Alphabeta, profondeur 1, J1 gagnant



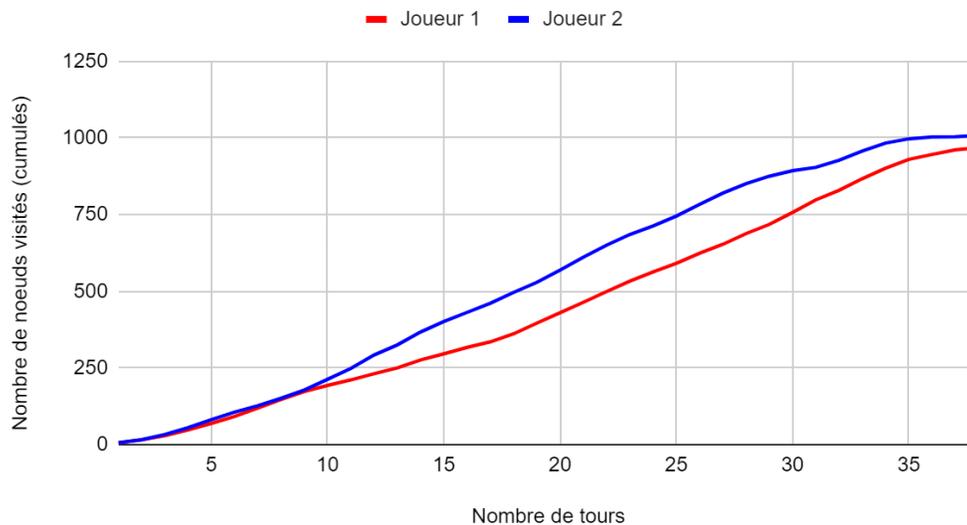
Le joueur 1 obtient assez vite (tour 5) un avantage (il possède plus de possibilités) qui augmente au fur et à mesure des tours. A son maximum (fin de la partie) cet avantage est 69% plus important par rapport au second joueur.

L'augmentation de la complexité est plutôt linéaire.

Il semblerait que jouer en premier est un avantage.

### 3.2.2 Profondeur 2

J1, J2 : Alphabeta, profondeur 2, J1 gagnant



Malgré qu'il soit second à jouer, joueur 2 obtient un avantage au niveau du tour 10 environ. Cet avantage augmente jusqu'au tour 30, avec un pic à 30% par rapport au joueur 1, mais reste marginal. Il se réduit ensuite jusqu'à la fin de la partie.

Le nombre de tour est largement inférieur par rapport au précédent graphique. La complexité du joueur 1 est deux fois moins importante que sur le graphique précédent, malgré la profondeur plus importante.

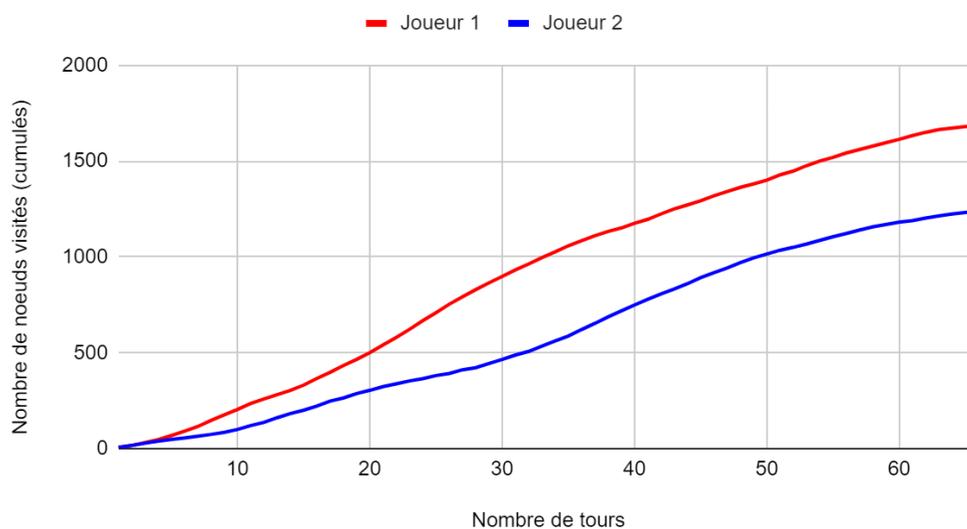
Mais malgré cet avantage, la victoire est pour le joueur 1.

La courbe est linéaire, comme sur la graphique précédent.

Être le premier à jouer semble donner un avantage, et le nombre de possibilités du joueur 2 plus important n'était pas suffisant pour le résorber. La profondeur ne semble pas forcément augmenter le nombre de possibilités.

### 3.2.3 Profondeur 3

J1, J2 : Alphabeta, profondeur 3, J1 gagnant

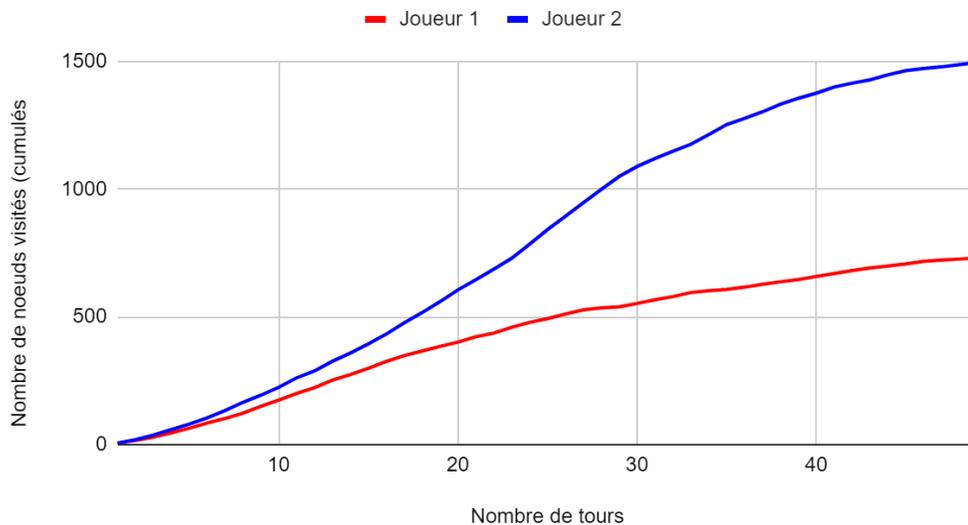


Comme pour la profondeur 1, le joueur 1 a tôt, au tour 5 environ, un avantage qui augmente également au fur et à mesure de la partie et gagne cette dernière.

La situation est similaire à AlphaBeta de profondeur 1.

### 3.2.4 Profondeur 4

J1, J2 : Alphabeta, profondeur 4, J2 gagnant



Similaire au graphique de profondeur 2, le second joueur possède un avantage à partir du tour 5 environ. Mais au tour 20 cet avantage augmente drastiquement pour atteindre 100% de plus, en fin de partie, par rapport au joueur 1. La complexité du premier joueur est particulièrement basse, presque 70% moins importante qu'avec la profondeur de 1.

Pour la première fois, c'est le second joueur qui gagne la partie.

L'avantage très important du joueur 2 lui a permis de l'emporter, malgré son désavantage de joueur en second.

```
29 20
othello.players.AlphaBetaPlayer@88ff2c a gagné la partie
Score joueur 1 -> 0
Score joueur 2 -> 0

real    1m11,886s
user    1m10,713s
sys     0m0,728s
```

Le temps de résolution de cet algorithme est de 1 minute et 12 secondes pour un total de 2 226 nœuds visités (pour les deux joueurs).

### 3.2.5 Profondeur 5

J1, J2 : AlphaBeta, profondeur 5, J1 gagnant



Au tour 5 environ, le premier joueur obtient un léger avantage qui se résorbe au tour 30.

Pour le reste de la partie, il n'y a pas de réelle avantage d'un joueur.

Conformément aux observations précédentes, sans avantage du joueur 2, c'est le premier joueur qui l'emporte.

```
27 22
othello.players.AlphaBetaPlayer@88ff2c a gagné la partie
Score joueur 1 -> 0
Score joueur 2 -> 0

real    6m54,460s
user    6m49,528s
sys     0m2,353s
```

Pour 3 094 nœuds visités, l'algorithme dure 6 minutes et 54 secondes.

### 3.2.6 Conclusion d'Alphabeta

Jouer en premier donne un avantage. Il faut au second joueur un avantage conséquent (situé entre 30% et 100% par rapport au premier) pour lui permettre de l'emporter.

De plus, c'est sur les profondeurs paires que le second joueur semble posséder un avantage.

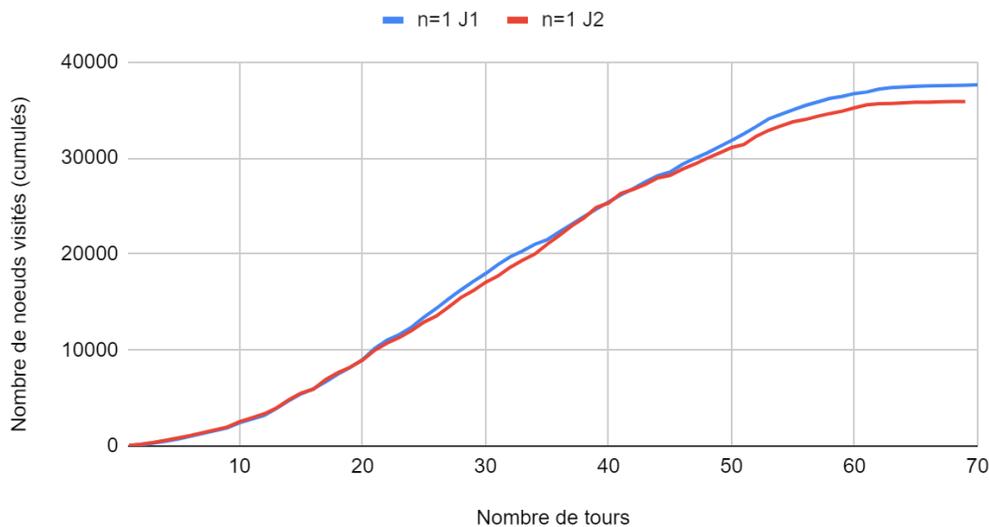
L'augmentation de la profondeur de l'algorithme AlphaBeta n'augmente pas forcément la complexité de ce dernier. Cependant l'augmentation de la complexité en fonction du nombre de tour est relativement linéaire.

Le temps de résolution des algorithmes pour des petites profondeurs (1, 2, 3) est de quelques secondes mais augmente drastiquement avec la profondeur, AlphaBeta(5) s'exécute pendant plusieurs minutes.

## 3.3 Negamax

### 3.3.1 Profondeur 1

J1, J2 : Negamax, profondeur 1, J1 gagnant



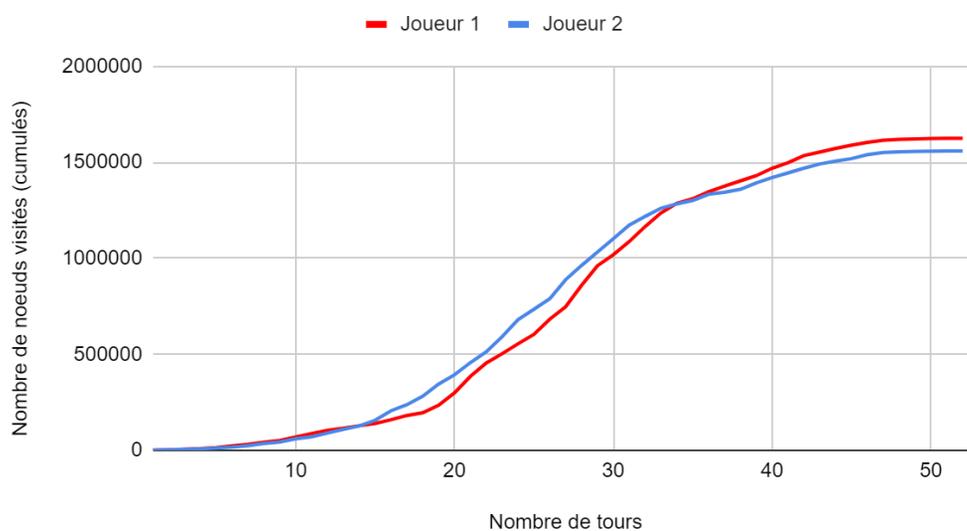
Aucun des joueurs n'a d'avantage particulier.  
La complexité est environ 20 fois plus importante qu'AlphaBeta.

Le joueur 1 est le gagnant. Avec cet algorithme aussi il semblerait que le premier joueur possède un avantage.

L'augmentation de la complexité est moins importante au début et à la fin de partie mais est assez linéaire.

### 3.3.2 Profondeur 2

J1, J2 : Negamax, profondeur 2, J2 gagnant



La complexité est 40 fois plus importante qu'avec la profondeur précédente.

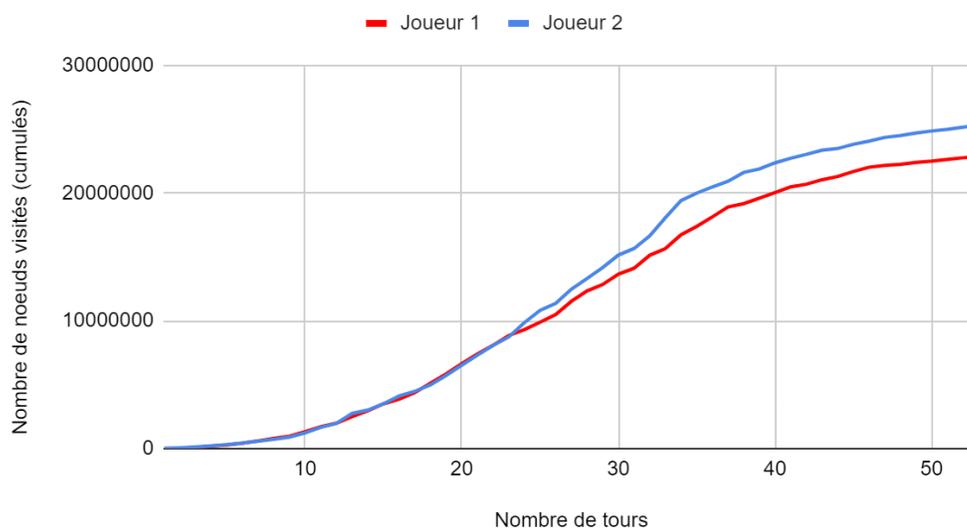
La forme de la courbe est similaire au graphique précédent.

Aucun joueur n'a d'avantage majeur au cours de la partie. Le second joueur a un petit avantage qui commence au tour 15 et qui finit au tour 33 où le premier prend l'avantage, qui reste faible, jusqu'à la fin de la partie.

Cependant c'est le second joueur qui l'emporte, alors qu'il n'avait pas un grand avantage. Cela différencie cet algorithme de AlphaBeta.

### 3.3.3 Profondeur 3

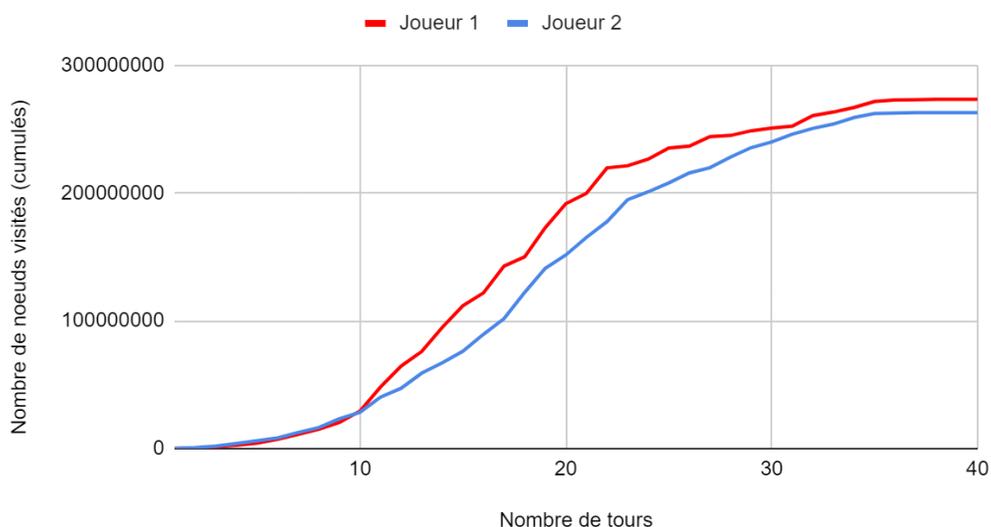
J1, J2 : Negamax, profondeur 3, J1 gagnant



La complexité de cet algorithme est 15 fois supérieur au précédent.  
Le joueur 2 commence à avoir un avantage au tour 23, avantage qui augmente un peu jusqu'à la fin de la partie. Cependant cet avantage n'est pas suffisant et c'est le premier joueur qui gagne.  
La courbe est similaire à celles des autres profondeurs.

### 3.3.4 Profondeur 4

J1, J2 : Negamax, profondeur 4, J2 gagnant



La complexité est environ 11 fois supérieure à Negamax de profondeur 3. Le premier joueur possède un avantage au tour 10 qui augmente jusqu'au tour 22 et se réduit ensuite jusqu'à la fin de la partie. Malgré cet avantage c'est le second joueur qui remporte la partie.

```
32 17
othello.players.NegamaxPlayer@1851384 a gagné la partie
Score joueur 1 -> 0
Score joueur 2 -> 0

real    69m42,907s
user    69m22,313s
sys     0m13,479s
pi@raspberrypi:~/othello-4 $
```

Pour le parcours des 536 329 836 nœuds, l'algorithme met 69 minutes et 43 secondes.

### 3.3.5 Profondeur 5

Nous avons estimé la complexité de Negamax de profondeur 5 à au moins 8.2 milliards de nœuds.

Nous avons essayé de le lancer mais après 28 heures d'exécution sur le Raspberry Pi celui-ci n'était pas terminé, de plus la complexité stocké comme attribut de la classe Player est stocké sur un entier signé 32 bits dont la limite positive est  $2^{31} - 1$  soit inférieur à 8 milliards.

### 3.3.6 Conclusion de Negamax

L'augmentation de la complexité en fonction de la profondeur de l'algorithme est exponentielle.

La victoire d'un joueur n'a pas l'air influé par son avantage ou par son ordre de jeu.

Cet algorithme est très long et du à sa complexité exponentielle, son temps d'exécution l'est également.

## 4 Difficultés rencontrés

Nous avons rencontrés quelques difficultés durant la réalisation du jeu, notamment du à des incompréhension des règles du jeu :

- Lors du clonage toutes les cases même inoccupées étaient modifiées.
- Le saut était possible même quand il n'y avait pas de pion en dessous et ne transformait pas les pions adverses.

## 5 Expérimentations

Nous avons mis en place un logger afin de pouvoir exporter plus facilement les données notamment pour faire les graphiques.

Le flux s'ouvre au lancement du programme et se ferme à sa fermeture ce qui fait que les fichiers de log resteront vides pendant le fonctionnement du programme, ce qui rend impossible la lecture de la complexité durant le fonctionnement du programme notamment pour le negamax de profondeur 5 ou plus qui demande beaucoup de performances et de temps de calcul.

## 6 Conclusion